Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Ястребф едеральное чтосударственное автономное образовательное учреждение высшего образования

должность: Ректор «Российский университет дружбы народов имени Патриса Лумумбы» Дата подписания: 28.05.2025 11:29:58

Уникальный программный ключ:

Институт фармации и биотехнологии

са<u>953а012<del>0d891083f</del>)39673078ef1a989dae18а</u> ките и у фарукации и основного подразделения (ОУП)-разработчика ОП ВО)

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

### МЕТОДЫ МАТЕМАТИЧЕСКОГО МОДЕЛИРОВАНИЯ

(наименование дисциплины/модуля)

Рекомендована МССН для направления подготовки/специальности:

#### 28.04.01 НАНОТЕХНОЛОГИИ И МИКРОСИСТЕМНАЯ ТЕХНИКА

(код и наименование направления подготовки/специальности)

Освоение дисциплины ведется рамках реализации профессиональной образовательной программы высшего образования (ОП BO):

# ИННОВАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ И НАНОТЕХНОЛОГИИ В МЕДИЦИНЕ, ФАРМАЦЕВТИКЕ И БИОТЕХНОЛОГИИ

(наименование (профиль/специализация) ОП ВО)

#### 1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Методы математического моделирования» входит в программу магистратуры «Инновационные технологии и нанотехнологии в медицине, фармацевтике и биотехнологии» по направлению 28.04.01 «Нанотехнологии и микросистемная техника» и изучается в 3 семестре 2 курса. Дисциплину реализует Кафедра фармации и биотехнологии. Дисциплина состоит из 8 разделов и 32 тем и направлена на изучение фундаментальных принципов и методов математического моделирования биологических систем и процессов, а также их практического применения для решения задач в области нанотехнологий, фармацевтики и биотехнологии.

Целью освоения дисциплины является формирование у студентов компетенций в области разработки, анализа и применения математических моделей для описания, прогнозирования и оптимизации биологических процессов, значимых для исследований и разработок в сфере инновационных нанотехнологий в медицине, фармацевтике и биотехнологии.

## 2. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Освоение дисциплины «Методы математического моделирования» направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций (части компетенций):

Таблица 2.1. Перечень компетенций, формируемых у обучающихся при освоении дисциплины (результаты освоения дисциплины)

Шифр	Компетенция	Индикаторы достижения компетенции
	C	(в рамках данной дисциплины)
ОПК-1	Способен ставить и решать инженерные и научно- технические задачи в области нанотехнологий и микросистемной техники и новых междисциплинарных направлениях на основе естественнонаучных и математических моделей	ОПК-1.3 Владеет методами математического моделирования.;
ОПК-5	Способен использовать инструментарий формализации инженерных, научнотехнических задач, прикладное программное обеспечение для	ОПК-5.2 Способен применять методы математического моделирования в инженерных и биологических исследованиях, проводить анализ данных.; ОПК-5.3 Знает принципы комплексного моделирования сложных систем, построения прикладных моделей, способы
	моделирования и проектирования объектов, систем и процессов	обработки данных с помощью алгоритмических языков программирования, математического описания поведения объектов, систем и процессов.;
ПК-4	Способен анализировать и осуществлять отбор нормативных правовых актов, документов по стандартизации, технической документации, научной, патентной литературы о свойствах наноматериалов и по вопросам безопасности нанотехнологий и наноматериалов	ПК-4.1 Знает структуру и правила оформления научных и технических отчетов;;
ПК-5	Способен на основе критического анализа результатов НИР и НИОКР оценивать перспективы их практического применения и	ПК-5.3 Владеет методами планирования и математической обработки результатов исследований;

Шифр	Компетенция	Индикаторы достижения компетенции (в рамках данной дисциплины)
	продолжения работ в междисциплинарной области	

# 3. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП ВО

Дисциплина «Методы математического моделирования» относится к обязательной части блока 1 «Дисциплины (модули)» образовательной программы высшего образования.

В рамках образовательной программы высшего образования обучающиеся также осваивают другие дисциплины и/или практики, способствующие достижению запланированных результатов освоения дисциплины «Методы математического моделирования».

Таблица 3.1. Перечень компонентов ОП ВО, способствующих достижению запланированных результатов освоения дисциплины

Шифр	Наименование компетенции	Предшествующие дисциплины/модули, практики*	Последующие дисциплины/модули, практики*
ОПК-1	Способен ставить и решать инженерные и научно-технические задачи в области нанотехнологий и микросистемной техники и новых междисциплинарных направлениях на основе естественнонаучных и математических моделей	Научно-исследовательская работа; Актуальные проблемы современной нанотехнологии; Микро- и наносистемы в технике и технологии; Инструментальные и химические методы в анализе биологически активных соединений и нанообъектов;	Преддипломная практика;
ОПК-5	Способен использовать инструментарий формализации инженерных, научнотехнических задач, прикладное программное обеспечение для моделирования и проектирования объектов, систем и процессов	Компьютерные технологии в научных исследованиях;	Основы статистики и программирования;
ПК-4	Способен анализировать и осуществлять отбор нормативных правовых актов, документов по стандартизации, технической документации, научной, патентной литературы о свойствах наноматериалов и по вопросам безопасности нанотехнологий и наноматериалов	Научно-исследовательская работа;	Преддипломная практика; Охрана объектов интеллектуальной собственности;
ПК-5	Способен на основе критического анализа результатов НИР и НИОКР оценивать перспективы их	Актуальные проблемы современной нанотехнологии; Компьютерные технологии в научных исследованиях; Научно-исследовательская	Преддипломная практика;

Шифр	Наименование компетенции	Предшествующие дисциплины/модули, практики*	Последующие дисциплины/модули, практики*
	практического применения	работа;	
	и продолжения работ в		
	междисциплинарной		
	области		

<sup>\* -</sup> заполняется в соответствии с матрицей компетенций и СУП ОП ВО \*\* - элективные дисциплины /практики

# 4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ И ВИДЫ УЧЕБНОЙ РАБОТЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Методы математического моделирования» составляет «4» зачетные единицы.

Таблица 4.1. Виды учебной работы по периодам освоения образовательной программы высшего образования для очной формы обучения.

Dur virobuoŭ nobori i	ВСЕГО, ак.ч.		Семестр(-ы)
Вид учебной работы			3
Контактная работа, ак.ч.	48		48
Лекции (ЛК)	16		16
Лабораторные работы (ЛР)	бораторные работы (ЛР)		16
Практические/семинарские занятия (С3)			16
Самостоятельная работа обучающихся, ак.ч.	оятельная работа обучающихся, ак.ч. 69		69
Контроль (экзамен/зачет с оценкой), ак.ч.		27	
Общая трудоемкость дисциплины	ак.ч.	144	144
	зач.ед.	4	4

# 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 5.1. Содержание дисциплины (модуля) по видам учебной работы

Номер раздела	Наименование раздела	ржание дисциплины (модуля) по видам учебног Содержание раздела (темы)		Вид учебной работы*	
1	дисциплины				
	Введение в	1.1	Роль математического моделирования в биологии и биотехнологии	ЛК, ЛР, СЗ	
Раздел 1	математическое моделирование биологических	1.2	Классификация математических моделей в биологии	ЛК, ЛР, СЗ	
	систем	1.3	Этапы построения математической модели	ЛК, ЛР, СЗ	
		1.4	Верификация и валидация моделей	ЛК, ЛР, СЗ	
		2.1	Мальтузианская модель роста популяции	ЛК, ЛР, СЗ	
D	Динамические	2.2	Нелинейные модели популяционной динамики	ЛК, ЛР, СЗ	
Раздел 2	модели с разностными	2.3	Логистическая модель и ее модификации	ЛК, ЛР, СЗ	
	уравнениями	2.4	Анализ нелинейных моделей: равновесные состояния и их устойчивость	ЛК, ЛР, СЗ	
		3.1	Линейные модели и матричная алгебра	ЛК, ЛР, СЗ	
Раздел	Линейные модели	3.2	Проекционные матрицы для структурированных моделей	ЛК, ЛР, СЗ	
3	структурированных популяций	3.3	Собственные векторы и собственные значения	ЛК, ЛР, СЗ	
		3.4	Расчет собственных векторов и собственных значений	ЛК, ЛР, СЗ	
	Нелинейные модели взаимодействий	4.1	Простая модель хищник-жертва	ЛК, ЛР, СЗ	
		4.2	Равновесия в многопопуляционных моделях	ЛК, ЛР, СЗ	
4		4.3	Линеаризация и устойчивость	ЛК, ЛР, СЗ	
		4.4	Положительные и отрицательные взаимодействия	ЛК, ЛР, СЗ	
		5.1	Основы структуры ДНК	ЛК, ЛР, СЗ	
Раздел 5	Моделирование	5.2	Введение в теорию вероятностей для молекулярной эволюции	ЛК, ЛР, СЗ	
	молекулярной эволюции	5.3	Матричные модели замещения оснований	ЛК, ЛР, СЗ	
		5.4	Филогенетические расстояния	ЛК, ЛР, СЗ	
		6.1	Менделевская генетика	ЛК, ЛР, СЗ	
Раздел	Моделирование генетических	6.2	Вероятностные распределения в генетике	ЛК, ЛР, СЗ	
6	процессов	6.3 6.4	Сцепление генов Частоты генов в	ЛК, ЛР, СЗ ЛК, ЛР, СЗ	
	i			, , , = =	

Номер раздела	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела (темы)		Вид учебной работы*
			популяциях	
		7.1	Элементарные эпидемические модели	ЛК, ЛР, СЗ
	Моделирование распространения инфекционных заболеваний	7.2	Пороговые значения и критические параметры	ЛК, ЛР, СЗ
Раздел 7		7.3	Вариации эпидемических моделей	ЛК, ЛР, СЗ
		7.4	Множественные популяции и дифференцированная инфекционность	ЛК, ЛР, СЗ
		8.1	Подгонка кривых к данным	ЛК, ЛР, СЗ
Раздел 8	Подгонка кривых и анализ биологических данных	8.2	Метод наименьших квадратов	ЛК, ЛР, СЗ
		8.3	Полиномиальная аппроксимация	ЛК, ЛР, СЗ
		8.4	Основы анализа численных данных в биологии	ЛК, ЛР, СЗ

<sup>\* -</sup> заполняется только по  $\underline{\mathbf{OYHOЙ}}$  форме обучения:  $\mathit{ЛК}$  – лекции;  $\mathit{ЛP}$  – лабораторные работы;  $\mathit{C3}$  – практические/семинарские занятия.

# 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 6.1. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Тип аудитории	Оснащение аудитории	Специализированное учебное/лабораторное оборудование, ПО и материалы для освоения дисциплины (при необходимости)
Лекционная	Аудитория для проведения занятий лекционного типа, оснащенная комплектом специализированной мебели; доской (экраном) и техническими средствами мультимедиа презентаций.	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Комплект специализированной мебели; технические средства: Мультимедийный проектор Everycom Hoyтбук Lenovo Thinkpad L530 Intel Core i3-2370M_2.4GHz/DDR3 4 GB, Обеспечен выход в интернет.

Лаборатория	Аудитория для проведения лабораторных работ, индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, оснащенная комплектом специализированной мебели и оборудованием.	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Комплект специализированной мебели; технические средства: Мультимедийный проектор Everycom Hoyтбук Lenovo Thinkpad L530 Intel Core i3-2370M_2.4GHz/DDR3 4 GB, Обеспечен выход в
Семинарская	Аудитория для проведения занятий семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, оснащенная комплектом специализированной мебели и техническими средствами мультимедиа презентаций.	интернет.  Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Комплект специализированной мебели; технические средства:  Мультимедийный проектор Everycom Hoyтбук Lenovo Thinkpad L530 Intel Core i3-2370M_2.4GHz/DDR3 4 GB, Обеспечен выход в интернет.
Для самостоятельной работы	Аудитория для самостоятельной работы обучающихся (может использоваться для проведения семинарских занятий и консультаций), оснащенная комплектом специализированной мебели и компьютерами с доступом в ЭИОС.	Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации. Комплект специализированной мебели; технические

	средства:
	Мультимедийный
	проектор Everycom
	Ноутбук Lenovo Thinkpad
	L530 Intel Core i3-
	2370M_2.4GHz/DDR3 4
	GB, Обеспечен выход в
	интернет.

<sup>\* -</sup> аудитория для самостоятельной работы обучающихся указывается **ОБЯЗАТЕЛЬНО!**!

#### 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

#### Основная литература:

- 1. Ризниченко, Г. Ю. Математическое моделирование биологических процессов. Модели в биофизике и экологии : учебное пособие для вузов / Г. Ю. Ризниченко. 2-е изд., перераб. и доп. Москва : Издательство Юрайт, 2024. 181 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-07037-8. Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/537454
- 2. Прохорова, Н. В. Математическое моделирование в биологии и экологии : учебное пособие / Н. В. Прохорова. Самара : Самарский университет, 2021. 64 с. ISBN 978-5-7883- 1690-1. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/256877
- 3. Ризниченко, Г. Ю. Динамика популяций: учебное пособие для вузов / Г. Ю. Ризниченко. Москва: Издательство Юрайт, 2024. 46 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-534-15543-3. Текст: электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. URL: https://urait.ru/bcode/544670 Дополнительная литература:
- 1. Звонарев, С. В. Основы математического моделирования : учебное пособие / С. В. Звонарев. Екатеринбург : УрФУ, 2019. 112 с. ISBN 978-5-7996-2576-4. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/361292
- 2. Никитюк, Ю. В. Введение в технологии компьютерного моделирования. Компьютерное и математическое моделирование: практическое руководство : учебное пособие / Ю. В. Никитюк, А. А. Середа. Гомель : ГГУ имени Ф. Скорины, 2023. 34 с. ISBN 978-985-577-933-0. Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. URL: https://e.lanbook.com/book/361007

Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

- 1. ЭБС РУДН и сторонние ЭБС, к которым студенты университета имеют доступ на основании заключенных договоров
- Электронно-библиотечная система РУДН ЭБС РУДН http://lib.rudn.ru/MegaPro/Web
  - ЭБС «Университетская библиотека онлайн» http://www.biblioclub.ru
  - ЭБС Юрайт http://www.biblio-online.ru
  - ЭБС «Консультант студента» www.studentlibrary.ru
  - ЭБС «Троицкий мост»
  - 2. Базы данных и поисковые системы
- электронный фонд правовой и нормативно-технической документации http://docs.cntd.ru/
  - поисковая система Яндекс https://www.yandex.ru/
  - поисковая система Google https://www.google.ru/
  - реферативная база данных SCOPUS

http://www.elsevierscience.ru/products/scopus/

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся при

освоении дисциплины/модуля\*:

- 1. Курс лекций по дисциплине «Методы математического моделирования».
- \* все учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся размещаются в соответствии с действующим порядком на странице дисциплины <u>в ТУИС</u>!

Доцент		Кезимана Парфэ
Должность, БУП	Подпись	Фамилия И.О.
РУКОВОДИТЕЛЬ БУП:		
Должность БУП	Подпись	Фамилия И.О.
РУКОВОДИТЕЛЬ ОП ВО:		
Директор ИФиБ		Ромащенко Виктория Александровна

Подпись

РАЗРАБОТЧИК:

Должность, БУП

Фамилия И.О.