

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Ястребов Олег Александрович

Должность: Ректор

Дата подписания: 30.05.2024 11:45:46

Уникальный программный ключ:

ca953a01204891083f939673078ef1a989aae18a

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

«Российский университет дружбы народов имени Патриса Лумумбы»

Факультет физико-математических и естественных наук

(наименование основного учебного подразделения (ОУП)-разработчика ОП ВО)

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫЕ УРАВНЕНИЯ

(наименование дисциплины/модуля)

Рекомендована МССН для направления подготовки/специальности:

01.03.01 МАТЕМАТИКА

(код и наименование направления подготовки/специальности)

Освоение дисциплины ведется в рамках реализации основной профессиональной образовательной программы высшего образования (ОП ВО):

МАТЕМАТИКА

(наименование (профиль/специализация) ОП ВО)

2024 г.

1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» входит в программу бакалавриата «Математика» по направлению 01.03.01 «Математика» и изучается в 3, 4 семестрах 2 курса. Дисциплину реализует Математический институт имени академика С.М. Никольского. Дисциплина состоит из 6 разделов и 17 тем и направлена на изучение основ теории обыкновенных дифференциальных уравнений.

Целью освоения дисциплины является формирование представлений о методах и областях применения теории обыкновенных дифференциальных уравнений, развитие математической культуры студента и подготовка его к усвоению других основных математических курсов.

2. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Освоение дисциплины «Дифференциальные уравнения» направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций (части компетенций):

Таблица 2.1. Перечень компетенций, формируемых у обучающихся при освоении дисциплины (результаты освоения дисциплины)

| Шифр | Компетенция | Индикаторы достижения компетенции (в рамках данной дисциплины) |
|-------|---|--|
| ОПК-1 | Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности | ОПК-1.1 Использует существующие и разрабатывает новые методики решения задач в математике; ОПК-1.2 Использует современное оборудование, программное обеспечение и профессиональные базы данных для решения математических задач; |
| ПК-1 | Способен к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области | ПК-1.1 Планирует отдельные стадии исследования при наличии общего плана НИР; ПК-1.2 Готовит элементы документации, проекты планов и программ отдельных этапов НИР; ПК-1.3 Выбирает методы исследования для решения поставленных задач НИР; |

3. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП ВО

Дисциплина «Дифференциальные уравнения» относится к обязательной части блока 1 «Дисциплины (модули)» образовательной программы высшего образования.

В рамках образовательной программы высшего образования обучающиеся также осваивают другие дисциплины и/или практики, способствующие достижению запланированных результатов освоения дисциплины «Дифференциальные уравнения».

Таблица 3.1. Перечень компонентов ОП ВО, способствующих достижению запланированных результатов освоения дисциплины

| Шифр | Наименование компетенции | Предшествующие дисциплины/модули, практики* | Последующие дисциплины/модули, практики* |
|-------|--|---|--|
| ОПК-1 | Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) | Дискретная математика и математическая логика; Линейная алгебра и аналитическая геометрия; | Управление проектами в ИТ-сфере**; Прикладные аспекты комплексного анализа; |

| Шифр | Наименование компетенции | Предшествующие дисциплины/модули, практики* | Последующие дисциплины/модули, практики* |
|------|--|--|---|
| | естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности | Математический анализ; | <p><i>Технологии и практика программирования на языке Python для технических специальностей**;</i> <i>Generic Functions;</i> Математические методы экономического прогнозирования; Базы данных; Уравнения с частными производными; Теория вероятностей и математическая статистика; Дифференциальная геометрия и топология; Методы оптимизации; Численные методы;</p> |
| ПК-1 | Способен к определению общих форм и закономерностей отдельной предметной области | <p>Линейная алгебра и аналитическая геометрия; Математический анализ;</p> | <p><i>Научно-исследовательская работа;</i> <i>Преддипломная практика;</i> <i>Научный семинар по функциональным пространствам;</i> <i>Графический дизайнер**;</i> <i>Прикладные аспекты комплексного анализа;</i> <i>Технологии и практика программирования на языке Python для технических специальностей**;</i> <i>Additional chapters of functional analysis**;</i> <i>Дополнительные главы функционального анализа**;</i> <i>Научный семинар по дифференциальным и функционально-дифференциальным уравнениям;</i> <i>Компьютерное моделирование и пакеты программ**;</i> <i>Введение в теорию нейронных сетей**;</i> <i>Анализ больших данных и машинное обучение**;</i> <i>Алгоритмы обратных задач вариационного исчисления**;</i> <i>Generic Functions;</i> Математические методы экономического прогнозирования; Базы данных; Уравнения с частными производными; Теоретическая механика; Физика (электродинамика); Дифференциальная</p> |

| Шифр | Наименование компетенции | Предшествующие дисциплины/модули, практики* | Последующие дисциплины/модули, практики* |
|------|--------------------------|---|---|
| | | | <i>геометрия и топология; Методы оптимизации; Численные методы; Физика (квантовая механика); Функциональный анализ;</i> |

* - заполняется в соответствии с матрицей компетенций и СУП ОП ВО

** - элективные дисциплины /практики

4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ И ВИДЫ УЧЕБНОЙ РАБОТЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Дифференциальные уравнения» составляет «9» зачетных единиц.

Таблица 4.1. Виды учебной работы по периодам освоения образовательной программы высшего образования для очной формы обучения.

| Вид учебной работы | ВСЕГО, ак.ч. | | Семестр(-ы) | |
|--|----------------|------------|-------------|------------|
| | | | 3 | 4 |
| <i>Контактная работа, ак.ч.</i> | 153 | | 85 | 68 |
| Лекции (ЛК) | 68 | | 34 | 34 |
| Лабораторные работы (ЛР) | 0 | | 0 | 0 |
| Практические/семинарские занятия (СЗ) | 85 | | 51 | 34 |
| <i>Самостоятельная работа обучающихся, ак.ч.</i> | 99 | | 59 | 40 |
| <i>Контроль (экзамен/зачет с оценкой), ак.ч.</i> | 72 | | 36 | 36 |
| Общая трудоемкость дисциплины | ак.ч. | 324 | 180 | 144 |
| | зач.ед. | 9 | 5 | 4 |

5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 5.1. Содержание дисциплины (модуля) по видам учебной работы

| Номер раздела | Наименование раздела дисциплины | Содержание раздела (темы) | | Вид учебной работы* |
|---------------|--|---------------------------|---|---------------------|
| Раздел 1 | Дифференциальные уравнения первого порядка | 1.1 | Дифференциальные уравнения первого порядка, разрешённые относительно производной. Геометрическая интерпретация. Интегральные кривые. Метод изоклин. Простейшие уравнения, интегрируемые в квадратурах: уравнения с разделяющимися переменными и приводящиеся к ним, однородные и приводящиеся к ним, линейные. Уравнения Бернулли и Риккати. Уравнения в полных дифференциалах. Обыкновенные дифференциальные уравнения первого порядка | ЛК, СЗ |
| | | 1.2 | Задача Коши для дифференциального уравнения первого порядка, разрешённого относительно производной. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши. Продолжение решений. Непрерывная зависимость решения задачи Коши от начальных данных и параметров. Приближенное решение задачи Коши методом Эйлера | ЛК, СЗ |
| | | 1.3 | Дифференциальные уравнения первого порядка, не разрешённые относительно производной. Теорема о существовании и единственности решения задачи Коши. Точки единственности и неединственности, особые решения. Метод введения параметра. Уравнения Клеро и Лагранжа | ЛК, СЗ |
| Раздел 2 | Краевые задачи для обыкновенных дифференциальных уравнений | 2.1 | Задачи механики и управления, приводящие к краевым задачам. Постановка краевых задач для обыкновенных дифференциальных уравнений 2-го порядка, их геометрическая и механическая интерпретация. Задача Штурма–Лиувилля | ЛК, СЗ |
| Раздел 3 | Системы дифференциальных уравнений | 3.1 | Основные определения. Канонический и нормальный вид системы. Простейшие методы интегрирования систем дифференциальных уравнений | ЛК, СЗ |
| | | 3.2 | Задача Коши для нормальной системы дифференциальных уравнений. Теорема о существовании решения задачи Коши для нормальной системы. Продолжение решений. Следствие для уравнений n-го порядка. Случай линейного уравнения и линейной системы. Непрерывная зависимость задачи Коши от начальных параметров и данных и параметров | ЛК, СЗ |
| | | 3.3 | Системы линейных однородных уравнений. Фундаментальная система решений. Существование фундаментальных систем и их взаимосвязь. Вид общего решения линейной однородной и неоднородной системы | ЛК, СЗ |
| | | 3.4 | Системы линейных уравнений с постоянными коэффициентами и методы их решения. Характеристическое уравнение | ЛК, СЗ |
| Раздел 4 | Элементы теории устойчивости | 4.1 | Основные определения теории устойчивости. Устойчивость и асимптотическая устойчивость. Сведение к случаю тривиального решения | ЛК, СЗ |
| | | 4.2 | Устойчивость линейных систем. Критерий устойчивости тривиального решения. Критерий | ЛК, СЗ |

| Номер раздела | Наименование раздела дисциплины | Содержание раздела (темы) | | Вид учебной работы* |
|---------------|---------------------------------|---------------------------|--|---------------------|
| | | | асимптотической устойчивости тривиального решения. Устойчивость линейных систем с постоянными коэффициентами | |
| | | 4.3 | Метод функций Ляпунова (второй метод Ляпунова). Определение функции Ляпунова и её свойства. Производная в силу системы. Критерий устойчивости тривиального решения нормальной системы. Критерий асимптотической устойчивости нормальной системы. Линейная замена переменных. Устойчивость по первому приближению | ЛК, СЗ |
| Раздел 5 | Интегралы и траектории | 5.1 | Интегралы нормальных систем. Функционально-независимые интегралы. Решение задачи Коши с помощью функционально-независимых интегралов | ЛК, СЗ |
| | | 5.2 | Автономные системы. Сдвиг решения автономной системы. Фазовое пространство системы. Траектория решения и траектория точки. Основное тождество автономных систем. Точка покоя и её свойства. Периодические решения. Виды траекторий автономных систем | ЛК, СЗ |
| | | 5.3 | Классификация Пуанкаре. Обыкновенный узел. Дикритический узел. Вырожденный узел. Седло. Центр. Фокус. Направление движения. Траектории нелинейной системы. Теорема Пуанкаре | ЛК, СЗ |
| Раздел 6 | Вариационное исчисление | 6.1 | Введение в вариационное исчисление. Задача о брахистохроне. Понятие функционала. Примеры функционалов. Простейшая задача вариационного исчисления | ЛК, СЗ |
| | | 6.2 | Минимизация функционала общего вида. Уравнение Эйлера-Лагранжа. Основная лемма вариационного исчисления | ЛК, СЗ |
| | | 6.3 | Классификация экстремумов. Задача о мыльной плёнке. Не аналитические способы классификации экстремалей. Вторая вариация. Условие Лежандра | ЛК, СЗ |

* - заполняется только по **ОЧНОЙ** форме обучения: ЛК – лекции; ЛР – лабораторные работы; СЗ – практические/семинарские занятия.

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 6.1. Материально-техническое обеспечение дисциплины

| Тип аудитории | Оснащение аудитории | Специализированное учебное/лабораторное оборудование, ПО и материалы для освоения дисциплины (при необходимости) |
|---------------|---|--|
| Лекционная | Аудитория для проведения занятий лекционного типа, оснащенная комплектом специализированной мебели; доской (экраном) и техническими средствами мультимедиа презентаций. | не предусмотрено |
| Семинарская | Аудитория для проведения занятий | не предусмотрено |

| | | |
|----------------------------|--|------------------|
| | семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, оснащенная комплектом специализированной мебели и техническими средствами мультимедиа презентаций. | |
| Для самостоятельной работы | Аудитория для самостоятельной работы обучающихся (может использоваться для проведения семинарских занятий и консультаций), оснащенная комплектом специализированной мебели и компьютерами с доступом в ЭИОС. | не предусмотрено |

* - аудитория для самостоятельной работы обучающихся указывается **ОБЯЗАТЕЛЬНО!**

7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Основная литература:

1. Филиппов А.Ф. Введение в теорию дифференциальных уравнений. М.: КомКнига, 2007
2. Филиппов А.Ф. Сборник задач по дифференциальным уравнениям. М., все годы изданий

Дополнительная литература:

1. Степанов В.В. Обыкновенные дифференциальные уравнения, все годы издания
2. Понтрягин Л.С. Обыкновенные дифференциальные уравнения, все годы издания

Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:

1. ЭБС РУДН и сторонние ЭБС, к которым студенты университета имеют доступ на основании заключенных договоров

- Электронно-библиотечная система РУДН – ЭБС РУДН

<http://lib.rudn.ru/MegaPro/Web>

- ЭБС «Университетская библиотека онлайн» <http://www.biblioclub.ru>

- ЭБС Юрайт <http://www.biblio-online.ru>

- ЭБС «Консультант студента» www.studentlibrary.ru

- ЭБС «Троицкий мост»

2. Базы данных и поисковые системы

- электронный фонд правовой и нормативно-технической документации

<http://docs.cntd.ru/>

- поисковая система Яндекс <https://www.yandex.ru/>

- поисковая система Google <https://www.google.ru/>

- реферативная база данных SCOPUS

<http://www.elsevier.com/locate/scopus/>

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся при освоении дисциплины/модуля:*

1. Курс лекций по дисциплине «Дифференциальные уравнения».

* - все учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся размещаются в соответствии с действующим порядком на странице дисциплины **в ТУИС!**

8. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ И БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СИСТЕМА ОЦЕНИВАНИЯ УРОВНЯ СФОРМИРОВАННОСТИ КОМПЕТЕНЦИЙ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Оценочные материалы и балльно-рейтинговая система* оценивания уровня сформированности компетенций (части компетенций) по итогам освоения дисциплины «Дифференциальные уравнения» представлены в Приложении к настоящей Рабочей программе дисциплины.

* - ОМ и БРС формируются на основании требований соответствующего локального нормативного акта РУДН.

РАЗРАБОТЧИК:

Профессор

Должность, БУП

Подпись

Апушкинская Дарья

Евгеньевна

Фамилия И.О.

РУКОВОДИТЕЛЬ БУП:

Директор

Должность БУП

Подпись

Муравник Андрей

Борисович

Фамилия И.О.

РУКОВОДИТЕЛЬ ОП ВО:

Профессор

Должность, БУП

Подпись

Фаминский Андрей

Вадимович

Фамилия И.О.