Документ подписан простой электронной подписью Информация о владельце:

ФИО: Ястребф едеральное чтосударственное автономное образовательное учреждение высшего образования Должность: Ректор «Российский университет дружбы народов имени Патриса Лумумбы» Дата подписания: 26.05.2025 12:21:37

Уникальный программный ключфакультет физико-математических и естественных наук ca953a012<del>0d891083f9396730</del>

(наименование основного учебного подразделения (ОУП)-разработчика ОП ВО)

## РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

### МАТЕМАТИЧЕСКОЕ МОДЕЛИРОВАНИЕ

(наименование дисциплины/модуля)

Рекомендована МССН для направления подготовки/специальности:

## 02.03.02 ФУНДАМЕНТАЛЬНАЯ ИНФОРМАТИКА И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

(код и наименование направления подготовки/специальности)

реализации Освоение дисциплины ведется рамках профессиональной образовательной программы высшего образования (ОП BO):

## ФУНДАМЕНТАЛЬНАЯ ИНФОРМАТИКА И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

(наименование (профиль/специализация) ОП ВО)

#### 1. ЦЕЛЬ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Дисциплина «Математическое моделирование» входит в программу бакалавриата «Фундаментальная информатика и информационные технологии» по направлению 02.03.02 «Фундаментальная информатика и информационные технологии» и изучается в 6 семестре 3 курса. Дисциплину реализует Кафедра теории вероятностей и кибербезопасности. Дисциплина состоит из 2 разделов и 8 тем и направлена на изучение методов математического моделирования.

Целью освоения дисциплины является овладение современным математическим аппаратом реализации вычислительных методов в виде программ и навыками применения их в математическом моделировании.

## 2. ТРЕБОВАНИЯ К РЕЗУЛЬТАТАМ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Освоение дисциплины «Математическое моделирование» направлено на формирование у обучающихся следующих компетенций (части компетенций):

Таблица 2.1. Перечень компетенций, формируемых у обучающихся при освоении дисциплины (результаты освоения дисциплины)

IIId-n	L'arragament de	Индикаторы достижения компетенции	
Шифр	Компетенция	(в рамках данной дисциплины)	
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1 Знает принципы сбора, отбора и обобщения информации, методики системного подхода для решения профессиональных задач; УК-1.2 Умеет анализировать и систематизировать разнородные данные, оценивать эффективность процедур анализа проблем и принятия решений в профессиональной деятельности; УК-1.3 Владеет навыками научного поиска и практической работы с информационными источниками; методами принятия решений;	
ОПК-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1 Знает основные положения и концепции в области математических и естественных наук; знает основную терминологию; ОПК-1.2 Умеет осуществлять первичный сбор и анализ материала, интерпретировать различные математические объекты; ОПК-1.3 Имеет практический опыт работы с решением стандартных математических задач и применяет его в профессиональной деятельности;	
ОПК-2	Способен применять компьютерные/суперкомпьютерные методы, современное программное обеспечение, в том числе отечественного происхождения, для решения задач профессиональной деятельности	ОПК-2.1 Знает основные положения и концепции в области программирования, архитектуру языков программирования, знает основную терминологию, знаком с содержанием Единого Реестра Российских программ; ОПК-2.2 Умеет анализировать типовые языки программирования, составлять программы; ОПК-2.3 Имеет практический опыт решения задач анализа, интеграции различных типов программного обеспечения;	
ОПК-3	Способен к разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей, созданию информационных ресурсов глобальных сетей, образовательного контента, прикладных баз данных, тестов и средств тестирования систем	ОПК-3.1 Знает методы теории алгоритмов, методы системного и прикладного программирования, основные положения и концепции в области математических, информационных и имитационных моделей; ОПК-3.2 Умеет соотносить знания в области программирования, интерпретацию прочитанного, определять и создавать информационные ресурсы глобальных сетей, образовательного контента, средств тестирования систем; ОПК-3.3 Имеет практический опыт применения	

Шифр	Компетенция	Индикаторы достижения компетенции (в рамках данной дисциплины)
	и средств на соответствие стандартам и исходным требованиям	разработки программного обеспечения;  ОПК-6.1 Знает базовые принципы цифровых технологий и
ОПК-6	Способен понимать принципы работы современных информационных технологий и использовать их для решения задач профессиональной деятельности	методов, необходимых в профессиональной деятельности в области фундаментальной информатики и информационных технологий для: изучения и моделирования объектов профессиональной деятельности, анализа данных, представления информации и пр.; ОПК-6.2 Умеет применять необходимые в профессиональной деятельности цифровые технологии и методы в области фундаментальной информатики и информационных технологий для: изучения и моделирования объектов профессиональной деятельности, анализа данных, представления информации и пр.; ОПК-6.3 Владеет необходимыми в профессиональной деятельности технологиями и методами в области фундаментальной информатики и информационных технологий для: изучения и моделирования объектов профессиональной деятельности, анализа данных, представления информации и пр.;

## 3. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП ВО

Дисциплина «Математическое моделирование» относится к обязательной части блока 1 «Дисциплины (модули)» образовательной программы высшего образования.

В рамках образовательной программы высшего образования обучающиеся также осваивают другие дисциплины и/или практики, способствующие достижению запланированных результатов освоения дисциплины «Математическое моделирование».

Таблица 3.1. Перечень компонентов ОП BO, способствующих достижению запланированных результатов освоения дисциплины

		Предшествующие	Последующие
Шифр	Наименование компетенции	дисциплины/модули,	дисциплины/модули,
		практики*	практики*
УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	Философия; Вычислительные системы, сети и телекоммуникации; Алгоритмы машинной графики и обработки изображений; Программная инженерия; Химия и экология окружающей среды; Введение в специальность;	Компьютерный практикум по статистическому анализу данных**; Компьютерный практикум по интеллектуальным системам**; Кибербезопасность предприятия; Анализ больших данных; Эконометрика; Технологическая (проектнотехнологическая) практика; Научно-исследовательская работа; Преддипломная практика;
ОПК-6	Способен понимать принципы работы современных информационных технологий и	Алгоритмы машинной графики и обработки изображений; Вычислительные методы;	Технологическая (проектно- технологическая)
	использовать их для решения	Программная инженерия;	практика;

Шифр	Наименование компетенции	Предшествующие дисциплины/модули, практики*	Последующие дисциплины/модули, практики*
	задач профессиональной деятельности	Практики Введение в анализ и визуализацию данных; Компьютерная геометрия; Основы формальных методов описания бизнес-процессов; Основы машинного обучения и нейронные сети;	практики Теория автоматов и формальных языков; Эконометрика;
ОПК-1	Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	Алгебра и аналитическая геометрия; Дискретная математика и математическая логика; Теория конечных графов; Символьные методы математического анализа; Символьные и численные методы интегрирования дифференциальных уравнений; Теория вероятностей и математическая статистика; Вычислительные методы; Компьютерная алгебра; Марковские процессы; Компьютерная геометрия; Физика; Основы машинного обучения и нейронные сети;	Анализ больших данных; Эконометрика;
ОПК-2	Способен применять компьютерные/суперкомпьютерные ие методы, современное программное обеспечение, в том числе отечественного происхождения, для решения задач профессиональной деятельности	Архитектура компьютеров и операционные системы; Реляционные базы данных; Цифровая грамотность, основы программирования; Цифровая грамотность, технология программирования; Алгоритмы машинной графики и обработки изображений; Вычислительные методы; Программная инженерия; Компьютерная алгебра; Компьютерная геометрия; Основы машинного обучения и нейронные сети; Парадигмы программирования	Системы управления базами данных; Кибербезопасность предприятия; Теория автоматов и формальных языков; Эконометрика; Технологическая (проектно-технологическая) практика;
ОПК-3	Способен к разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей, созданию информационных ресурсов глобальных сетей, образовательного контента, прикладных баз данных, тестов и средств тестирования систем и средств на соответствие стандартам и исходным требованиям	Цифровая грамотность, технология программирования; Вычислительные методы; Программная инженерия; Компьютерная геометрия; Основы машинного обучения и нейронные сети; Парадигмы программирования;	Технологическая (проектно- технологическая) практика; Теория автоматов и формальных языков; Эконометрика;

<sup>\* -</sup> заполняется в соответствии с матрицей компетенций и СУП ОП ВО \*\* - элективные дисциплины /практики

# 4. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ И ВИДЫ УЧЕБНОЙ РАБОТЫ

Общая трудоемкость дисциплины «Математическое моделирование» составляет «4» зачетные единицы.

Таблица 4.1. Виды учебной работы по периодам освоения образовательной программы высшего образования для очной формы обучения.

Dur virobuoŭ nobori i	ВСЕГО, ак.ч.		Семестр(-ы)	
Вид учебной работы			6	
Контактная работа, ак.ч.	54		54	
Лекции (ЛК)		18		
Лабораторные работы (ЛР)	36		36	
Практические/семинарские занятия (С3)	0		0	
Самостоятельная работа обучающихся, ак.ч.	54		54	
Контроль (экзамен/зачет с оценкой), ак.ч.	36		36	
Общая трудоемкость дисциплины	ак.ч.	144	144	
	зач.ед.	4	4	

# 5. СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 5.1. Содержание дисциплины (модуля) по видам учебной работы

Номер раздела	Наименование раздела дисциплины	Содержание раздела (темы)		Вид учебной работы*
Раздел 1	Поддержка научных исследований	1.1	Использование git. Использование Markdown для оформления отчётов	ЛК, ЛР
Раздел 2	Подходы к математическому моделированию	2.1	Колебательные системы	ЛК, ЛР
		2.2	Устойчивость	ЛК, ЛР
		2.3	Примеры осцилляторов в физике, химии, биологии	ЛК, ЛР
		2.4	Неавтономные системы	ЛК, ЛР
		2.5	Введение в динамический хаос	ЛК, ЛР
		2.6	Модель прыгающего шарика	ЛК, ЛР
		2.7	Модель Чернавского	ЛК, ЛР

<sup>\* -</sup> заполняется только по  $\underline{\mathbf{OYHOЙ}}$  форме обучения:  $\mathit{ЛК}$  – лекции;  $\mathit{ЛP}$  – лабораторные работы;  $\mathit{C3}$  – практические/семинарские занятия.

# 6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Таблица 6.1. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Тип аудитории	Оснащение аудитории	Специализированное учебное/лабораторное оборудование, ПО и материалы для освоения дисциплины (при необходимости)
Лекционная	Аудитория для проведения занятий лекционного типа, оснащенная комплектом специализированной мебели; доской (экраном) и техническими средствами мультимедиа презентаций.	Компьютер/ноутбук с досту-пом сети Интернет и элек-тронно-образовательной сре-де Университета, браузер, ПО для просмотра PDF, MS Teams или аналог.
Компьютерный класс	Компьютерный класс для проведения занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, оснащенная персональными компьютерами (в количестве шт.), доской (экраном) и техническими средствами мультимедиа презентаций.	OC Linux/ Windows, Python, Julia, OpenModelica. Дополнительное ПО: офисный пакет MS Office или LibreOffice, OBS Studio.
Для самостоятельной работы	Аудитория для самостоятельной работы обучающихся (может использоваться для проведения семинарских занятий и консультаций), оснащенная комплектом специализированной мебели и компьютерами с доступом в ЭИОС.	OC Linux/ Windows, Python, Julia, OpenModelica. Дополнительное ПО: офисный пакет MS Office или LibreOffice, OBS Studio.

<sup>\* -</sup> аудитория для самостоятельной работы обучающихся указывается ОБЯЗАТЕЛЬНО!

#### 7. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Основная литература:

- 1. Основы математического моделирования: учебное электронное издание / Ю.В. Родионов, А.Д. Нахман. Тамбов: Тамбовский государственный технический университет (ТГТУ), 2018. 111 с.: табл., граф. Режим доступа: по подписке. URL: https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=570456. Библиогр. в кн. ISBN 978-5-8265-1886-1. Текст: электронный.
- 2. Математическое моделирование. Идеи. Методы. Примеры [Текст] / А.А. Самарский, А.П. Михайлов. 2-е изд., испр. М. : Физматлит, 2002. 320 с. : ил. ISBN 5-92221-0120-X : 115.94. (ЕТ 20)
- 3. Введение в математическое моделирование : учебное пособие / В.Н. Ашихмин, М.Б. Гитман, И.Э. Келлер [и др.]; Под ред. П.В. Трусова. Электронные текстовые данные. М. : Логос, 2015. 440 с. : ил. (Новая Университетская Библиотека). ISBN 978-5-98704-637-1. URL: http://lib.rudn.ru/ProtectedView/Book/ViewBook/5847
- 4. Документация по системе Modelica Режим доступа: https://www.modelica.org/ Дополнительная литература:
- 1. Математическое и компьютерное моделирование оптических наноструктур: учебно-методический комплекс / Л.А. Севастьянов, К.П. Ловецкий. Электронные текстовые данные. М.: Изд-во РУДН, 2013. 107 с. ISBN 978-5-209-05038-4: 177.55. URL: http://lib.rudn.ru/ProtectedView/Book/ViewBook/3449
- 2. Ризниченко Г. Ю. Лекции по математическим моделям в биологии (изд. 2-е, испр. и дополн.) Издательство РХД, 2011 г. 560 стр. ISBN 978-5-93972-847-8. Режим доступа http://www.library.biophys.msu.ru/LectMB/
- 3. Динамические системы и модели биологии: научное издание / А.С. Братусь, А.С. Новожилов, А.П. Платонов. М.: Физматлит, 2009. 400 с. ISBN 978-5-9221-1192-8; То же [Электронный ресурс]. URL: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=67304
- 4. Лекции по нелинейной динамике. Элементарное введение [Текст]: Учебное пособие / Ю.А. Данилов; Предисл. Г.Г.Малинецкого. 2-е изд., испр. М.: КомКнига, 2006. 208 с. (Синергетика: от прошлого к будущему). ISBN 5-484-00183-8: 143.99.
- 5. Чуличков А.И. Математические модели нелинейной динамики [Текст] . 2-е изд., испр. М.: Физматлит, 2003. 296 с. ISBN 5-9221-0366-0 : 201.19. (ЕТ 10)
- 6. Документация по системе julia Режим доступа: https://julialang.org/ Ресурсы информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»:
- 1. ЭБС РУДН и сторонние ЭБС, к которым студенты университета имеют доступ на основании заключенных договоров
- Электронно-библиотечная система РУДН ЭБС РУДН https://mega.rudn.ru/MegaPro/Web
  - ЭБС «Университетская библиотека онлайн» http://www.biblioclub.ru
  - ЭБС Юрайт http://www.biblio-online.ru
  - ЭБС «Консультант студента» www.studentlibrary.ru
  - ЭБС «Знаниум» https://znanium.ru/
  - 2. Базы данных и поисковые системы
    - Sage https://journals.sagepub.com/
    - Springer Nature Link https://link.springer.com/
    - Wiley Journal Database https://onlinelibrary.wiley.com/
    - Наукометрическая база данных Lens.org https://www.lens.org

Учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся при освоении дисциплины/модуля\*:

1. Курс лекций по дисциплине «Математическое моделирование».

\* - все учебно-методические материалы для самостоятельной работы обучающихся размещаются в соответствии с действующим порядком на странице дисциплины <u>в ТУИС</u>!

РАЗРАБОТЧИК:

Профессор кафедры теории			
вероятностей и	Кулябов Дмитрий		
кибербезопасности		Сергеевич	
Должность, БУП	Подпись	Фамилия И.О.	
РУКОВОДИТЕЛЬ БУП:			
Заведующий кафедрой теории			
вероятностей и		Самуйлов Константин	
кибербезопасности		Евгеньевич	
Должность БУП	Подпись	Фамилия И.О.	
РУКОВОДИТЕЛЬ ОП ВО:			
Заведующий кафедрой теории			
вероятностей и		Самуйлов Константин	
кибербезопасности		Евгеньевич	
Должность, БУП	Подпись	Фамилия И.О.	